

# LES SUITES NUMERIQUES

## Suites majorées, suites minorées, suites bornées.

- On dit que la suite  $(u_n)_{n \in I}$  est majorée s'il existe un réel  $M$  tel que :  $\forall n \in I \quad u_n \leq M$
- On dit que la suite  $(u_n)_{n \in I}$  est minorée s'il existe un réel  $m$  tel que :  $\forall n \in I \quad m \leq u_n$
- On dit que la suite  $(u_n)_{n \in I}$  est bornée si elle est majorée et minorée.

## Monotonie d'une suite.

- La suite  $(u_n)_{n \in I}$  est croissante si et seulement si :  $u_{n+1} - u_n \geq 0$
- La suite  $(u_n)_{n \in I}$  est décroissante si et seulement si :  $u_{n+1} - u_n \leq 0$

Suites arithmétiques	Suites géométriques
<p><b>Définition.</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• <math>(u_n)</math> est une suite arithmétique si et seulement si il existe un réel <math>r</math> tel que, pour tout entier naturel <math>n</math>,</li> </ul> $u_{n+1} = u_n + r.$ <ul style="list-style-type: none"> <li>• <math>(u_n)</math> est une suite arithmétique si et seulement si la suite <math>(u_{n+1} - u_n)</math> est constante.</li> </ul>	<p><b>Définition.</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• <math>(u_n)</math> est une suite géométrique si et seulement si il existe un réel <math>q</math> tel que, pour tout entier naturel <math>n</math>,</li> </ul> $u_{n+1} = u_n \times q.$ <ul style="list-style-type: none"> <li>• Si la suite <math>(u_n)</math> ne s'annule pas, la suite <math>(u_n)</math> est une suite géométrique si et seulement si la suite <math>\left(\frac{u_{n+1}}{u_n}\right)</math> est constante.</li> </ul>
<p><b>Expression de <math>u_n</math> en fonctions de <math>n</math>.</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Si la suite <math>(u_n)</math> est arithmétique de premier terme <math>u_0</math> et de raison <math>r</math>, pour tout entier naturel <math>n</math>,</li> </ul> $u_n = u_0 + nr.$ <ul style="list-style-type: none"> <li>• Pour tous entiers naturels <math>n</math> et <math>p</math>,</li> </ul> $u_n = u_p + (n - p)r.$	<p><b>Expression de <math>u_n</math> en fonctions de <math>n</math>.</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Si la suite <math>(u_n)</math> est géométrique de premier terme <math>u_0</math> et de raison <math>q</math>, pour tout entier naturel <math>n</math>,</li> </ul> $u_n = u_0 \times q^n.$ <ul style="list-style-type: none"> <li>• Pour tous entiers naturels <math>n</math> et <math>p</math>,</li> </ul> $u_n = u_p \times q^{n-p}.$ <p>(pour <math>q \neq 0</math> si <math>n \leq p</math>).</p>
<p><b>Sommes de termes consécutifs d'une suite arithmétique.</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Pour tous entiers naturels <math>n</math> et <math>p</math> tels que <math>p \leq n</math>,</li> </ul> $u_p + u_{p+1} + \dots + u_n = \frac{(u_p + u_n)(n - p + 1)}{2}$ $= \frac{(\text{1er terme} + \text{dernier terme})(\text{nbre de termes})}{2}.$	<p><b>Sommes de termes consécutifs d'une suite géométrique.</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Pour tous entiers naturels <math>n</math> et <math>p</math> tels que <math>p \leq n</math>,</li> </ul> $u_p + u_{p+1} + \dots + u_n = u_p \frac{1 - q^{n-p+1}}{1 - q} \quad (\text{si } q \neq 1)$ $= (\text{1er terme}) \times \frac{1 - q^{\text{nbre de termes}}}{1 - q}.$